

华南农业大学期末考试试卷 (A 卷)

2008—2009 学年第一学期 考试科目: 概率论与数理统计

考试类型: (闭卷)

考试时间: 120 分钟

一、填空题 (每题 3 分, 共 18 分)

1. 甲、乙、丙三人在同一时间内分别破译某个密码, 设甲、乙、丙三人能单独译出的概率分别为 0.8, 0.7 和 0.6, 则密码能被译出的概率为_____.

2. 设 $P(A)=0.8, P(A-B)=0.5$ 且 A 与 B 独立, 则 $P(B)=$ _____.

3. 设随机变量 X 服从参数 $\lambda=2$ 的泊松分布, 则 $P(X \geq 1)=$ _____.

4. 设随机变量 X, Y 相互独立, 且 $D(X)=1, D(Y)=2$, 则 $D(3X-2Y) =$ _____.

5. X_1, X_2, \dots, X_n 是来自总体 X 的样本, 若统计量 $\mu = \sum_{i=1}^n a_i X_i$ 是总体均值 EX 的无

偏估计量, 则 $\sum_{i=1}^n a_i =$ _____.

6. 设 X_1, X_2, \dots, X_{17} 是总体 $N(u, 4)$ 的样本, S^2 是样本方差, 若 $P(S^2 > a) = 0.01$, 则 $a =$ _____.

(注: $\chi_{0.01}^2(17) = 33.4, \chi_{0.005}^2(17) = 35.7, \chi_{0.01}^2(16) = 32.0, \chi_{0.005}^2(16) = 34.3$)

二、选择题 (每题 3 分, 共 18 分)

1. 对于任意两事件 A 和 B , 与 $A \cup B = B$ 不等价的是 ()

(A) $A \subset B$ (B) $\bar{B} \subset \bar{A}$ (C) $A\bar{B} = \phi$ (D) $\bar{A}B = \phi$

2. 设随机变量 X 的概率密度为 $f_X(x)$, $Y = -2X + 3$, 则 Y 的概率密度为 ()

(A) $-\frac{1}{2}f_X(-\frac{y-3}{2})$ (B) $\frac{1}{2}f_X(-\frac{y-3}{2})$
(C) $-\frac{1}{2}f_X(-\frac{y+3}{2})$ (D) $\frac{1}{2}f_X(-\frac{y+3}{2})$

3. 设随机变量 $X \sim N(0, 1)$, X 的分布函数为 $\Phi(x)$, 则 $P(|X| > 2)$ 的值为 ()

(A) $2[1 - \Phi(2)]$. (B) $2\Phi(2) - 1$.
(C) $2 - \Phi(2)$. (D) $1 - 2\Phi(2)$.

4. 设总体均值为 μ , 方差为 σ^2 , n 为样本容量, 下式中错误的是 ()

(A) $E(\bar{X} - \mu) = 0$ (B) $D(\bar{X} - \mu) = \frac{\sigma^2}{n}$ (C) $E(\frac{S^2}{\sigma^2}) = 1$ (D) $\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 1)$

5. 下列统计量中哪个是回归统计检验的统计量 ()

- (A) $u_{\alpha/2}$ (B) $t_{\alpha/2}$ (C) $F_{\alpha}(r-1, n-r)$ (D) $F_{\alpha}(1, n-2)$

6. 设随机变量 X 和 Y 相互独立, 且都服从正态分布 $N(0, 3^2)$, 设 X_1, X_2, \dots, X_9 和 Y_1, Y_2, \dots, Y_9 分别是来自两个总体的简单随机样本, 则统计量

$$U = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_9}{\sqrt{(Y_1^2 + Y_2^2 + \dots + Y_9^2)}} \text{ 服从的分布是 () }$$

- (A) $t(9)$ (B) $t(8)$ (C) $N(0, 81)$ (D) $N(0, 9)$

三、(5 分) 从学校乘汽车到火车站的途中有 3 个交通岗, 假设在各个交通岗遇到红灯的事件是相互独立的, 并且概率都是 $2/5$. 设 X 为途中遇到红灯的次数, 求 X 的分布列、数学期望和方差.

四、(10 分) 某保险公司的调查表明, 新保险的汽车司机中可划为两类: 第一类人易出事故, 在一年内出事故的概率为 0.05, 第二类人为谨慎的人, 在一年内出事故的概率为 0.01. 假设第一类人占新保险司机的 30%, 现从新入保险的汽车司机中任抽取一人, 求 (1) 此人一年内出事故的概率是多大? (2) 如果此人出了事故, 此人来自第一类人的概率多大?

五、(10 分) 设随机变量 X 的概率密度为

$$f(x) = \begin{cases} ax+1, & 0 \leq x \leq 2 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

求 (1) 常数 a ; (2) X 的分布函数 $F(x)$; (3) $P(1 < X < 3)$

六、(14 分) 设 (X, Y) 在由直线 $x=1$, $x=e^2$, $y=0$ 及曲线 $y=\frac{1}{x}$ 所围成的区域

上服从均匀分布,

(1) 求边缘密度 $f_X(x)$ 和 $f_Y(y)$, 并说明 X 与 Y 是否独立.

(2) 求 $P(X+Y \geq 2)$.

七、(10 分) 已知多名实习生相互独立地测量同一块土地的面积, 设每名实习生得到的测量数据 X 平方米服从正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$, 从这些测量数据中随机抽取 7 个, 经计算, 其平均面积为 125 平方米, 标准差为 2.71 平方米,

(1) 求: μ 的置信度为 90% 的置信区间;

(2) 检验这块土地的面积 μ 显著为 124 平方米是否成立 (显著性水平为 0.1).

(注: $\mu_{0.1}=1.29$, $\mu_{0.05}=1.65$)
 $t_{0.1}(7)=1.415$, $t_{0.1}(6)=1.440$, $t_{0.05}(7)=1.895$, $t_{0.05}(6)=1.943$)

八、(5 分)

某粮食加工厂用 4 种不同的方法贮藏粮食, 一段时间后, 分别抽样化验其含水率, 每种方法重复试验次数均为 5 次, 所得粮食含水率的方差分析表的部分数据如下, 试完成方差分析表并给出分析结果。

| 方差来源 | 平方和 | 自由度 | F 值 | F 临界值 |
|-----------|--------|-----|-------|---------|
| 组间 (贮藏方法) | 4.8106 | | | |
| 组内 (误差) | 4.5263 | | | |
| 总和 | | | | |

(参考临界值: $F_{0.05}(4,19)=5.01$, $F_{0.01}(4,16)=4.77$, $F_{0.01}(3,16)=5.29$)

九、(10 分) 设 X_1, X_2, \dots, X_n 为取自总体 X 的一个样本, X 的密度函数为

$$f(x; \theta) = \begin{cases} \sqrt{\theta} x^{\sqrt{\theta}-1}, & 0 \leq x \leq 1, \theta > 0, \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

求参数 θ 的矩估计以及极大似然估计.